



LINFO1121 2023-2024

Algorithmique et Structure de données  
Complexité, Type-Abstrait de données, Structure Chainées

*TA: Harold Kiossou, Alice Burlats, Achille Morenville + Tutors*

[pierre.schaus@uclouvain.be](mailto:pierre.schaus@uclouvain.be)

# Plan

- Motivation
- Organisation du cours
- Rappel Java
- Type Abstrait de données
- Complexité
- Les outils
  - Java util collection
  - IDE IntelliJ
  - Junit

# Pourquoi étudier les algorithmes?

- Car c'est le fondement de l'informatique
  - Les compétences acquises dans LINFO1121 sont utilisées dans beaucoup d'autres cours.
    - \* Savez vous que l'algorithme Dijkstra est utilisé dans chaque routeur d'internet ?
- La place des algorithmes dans notre société est grandissante. On parle de « société algorithmique »
- Si vous ne maîtrisez pas les bases, vous ne passerez pas les interviews chez les GAFA



# Google 1ère interview = Algorithmme

## Phone/Hangout interviews

During phone or Google Hangout interviews, you'll speak with a potential peer or manager.

For software engineering roles, your phone/Hangout discussion will last between 30 and 60 minutes.

When answering coding questions, you'll talk through your thought process while writing code in a Google Doc that you'll share with your interviewer.

We recommend using a hands-free headset or speakerphone so you can type freely.

Your phone interview will cover **data structures and algorithms**.

Be prepared to **write around 20-30 lines of code in your strongest language**. Approach all scripting as a coding exercise — this should be clean, rich, robust code:

1. You will be asked an open ended question. Ask clarifying questions, devise requirements.
2. You will be asked to explain it in an **algorithm**.
3. Convert it to workable code. (Hint: Don't worry about getting it perfect because time is limited. Write what comes but then refine it later. Also make sure you consider corner cases and edge cases, production ready.)
4. Optimize the code, follow it with test cases and find any bugs.

For all other roles, your phone/Hangout discussion will last between 30 and 45 minutes. Be prepared for behavioral, hypothetical, or case-based questions that cover your role-related knowledge.

# Type Abstrait de donnée

- Dans ce cours nous manipulons des données.
- Les données peuvent être ajoutées et traitées via une API (interface ou ensemble de méthodes + constructeur)
- L'utilisateur n'est pas obligé de connaître la représentation concrète du stockage des données (il manipule une boîte noire).
- Le but de ce cours est étudier l'implémentation des boîtes noires car toutes les implémentations ne se valent pas.



```
public static void main(String[] args) {  
    Stack<Integer> stack = null;  
    stack.push(2);  
    stack.push(3);  
    stack.pop();  
    stack.isEmpty()  
}
```

StackImplem

API

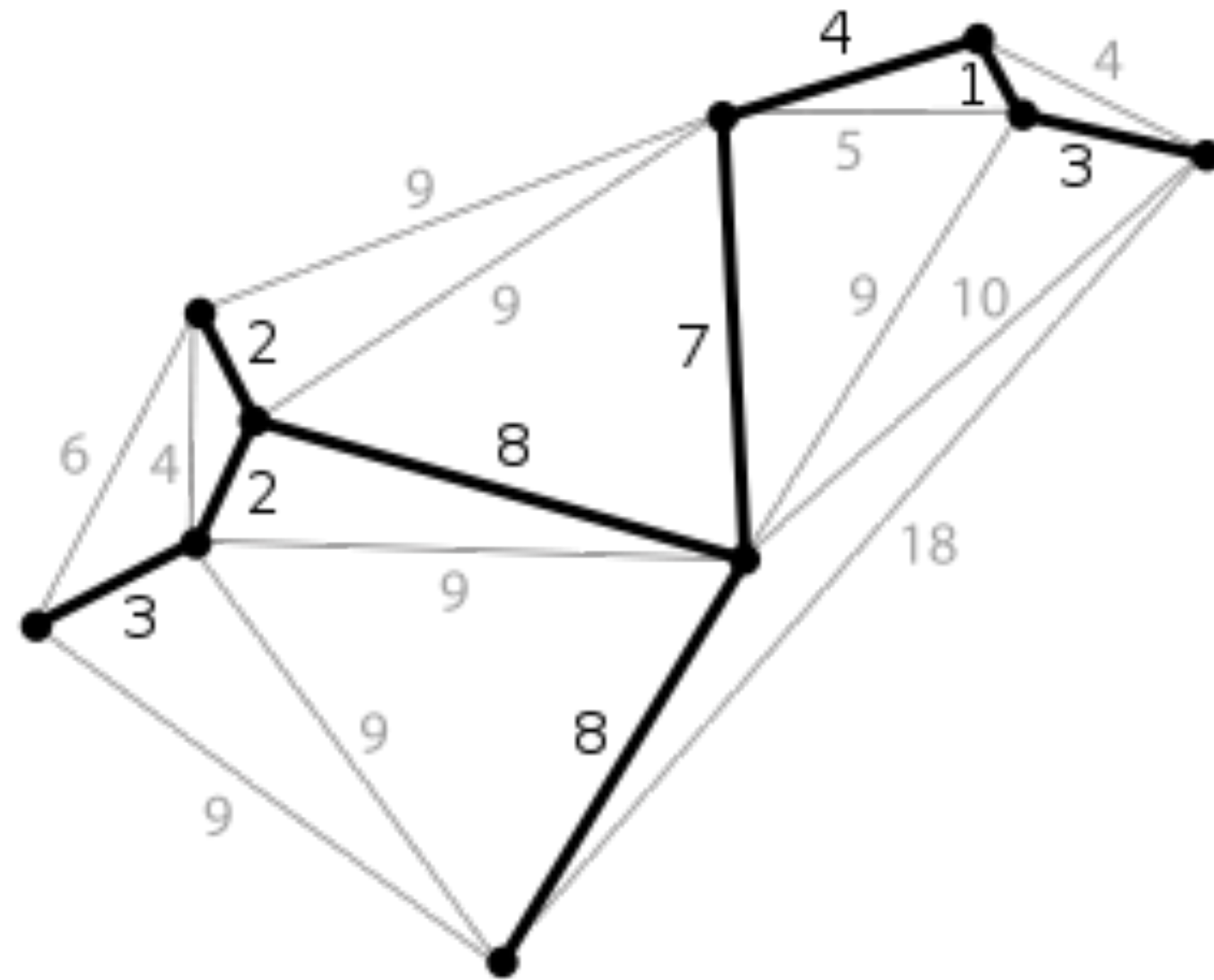
```
public interface Stack<Item> {  
    void push(Item item);  
    Item pop();  
    boolean isEmpty();  
    int size();  
}
```

# Dans ce cours nous verrons

- Des types abstraits de données pour:
  - Insérer des objets ordonnés dans un ordre arbitraire et pouvoir rapidement retrouver le maximum ou retirer le maximum
  - Insérer/retirer des objets dans un ordre arbitraire sur base d'une clef ordonnée et ensuite pouvoir itérer rapidement dans l'ordre, retrouver le minimum, ou l'objet associé à n'importe quelle clef ou ses successeurs
  - Représenter des réseaux: ajouter des noeuds, retrouver des noeuds voisins à un noeud, etc.
  - Insérer et retirer des objets dans un ordre arbitraire sur base d'une clef non nécessairement ordonnée
- Des algorithmes pour
  - Trier des données
  - Compresser des données textuelles
  - Retrouver des sous chaînes de caractères efficacement dans une grande chaîne de caractère
  - Calculer des chemins ou des arbres dans des réseaux

# Exemple: Design de réseau

- Trouver dans ce réseau (Graphe) un sous graphe qui a le plus petit poids possible et qui touche tous les noeuds



- Application: connecter des maisons à moindre coût avec de la fibre optique

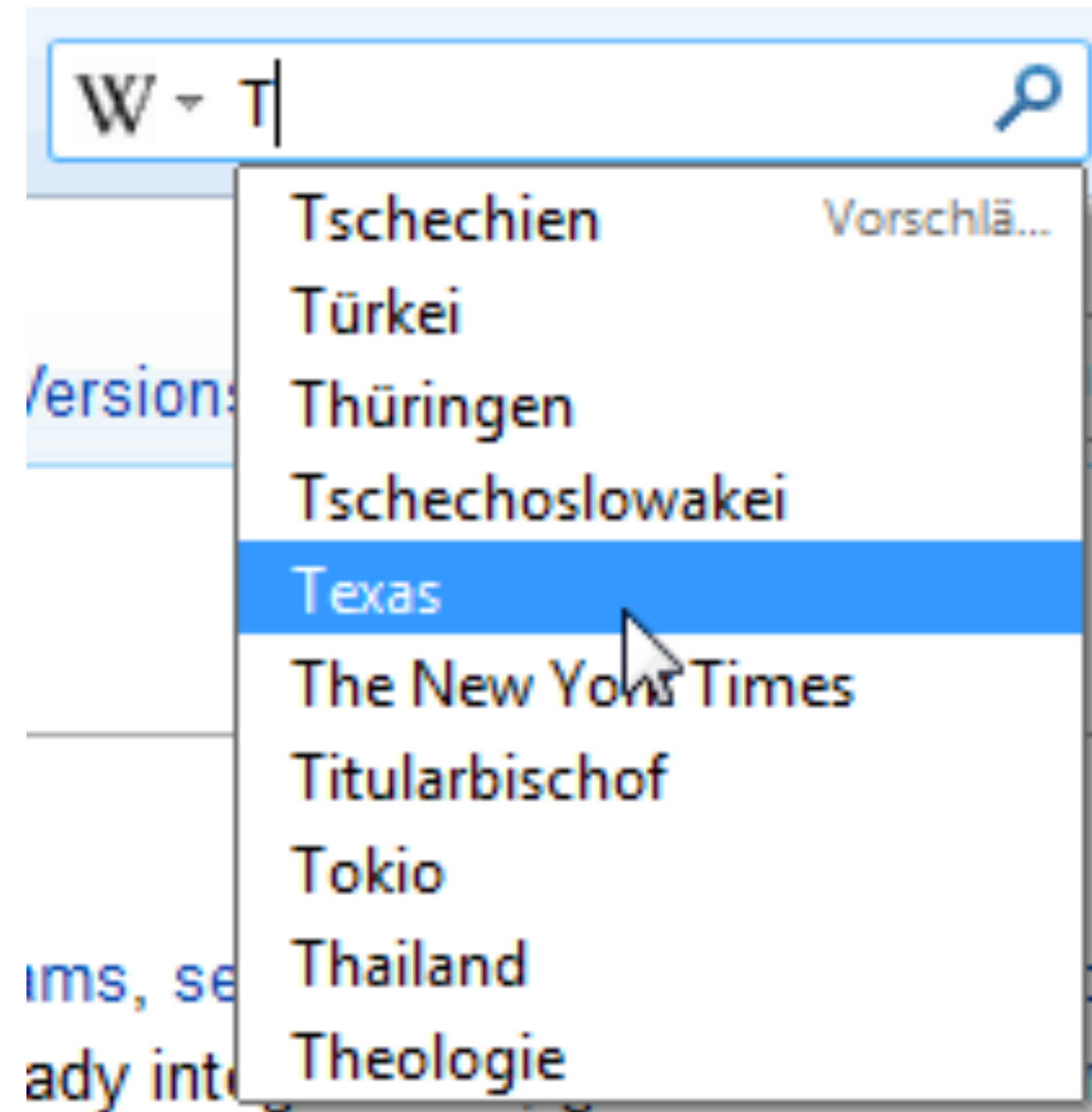
# Exemple: Moteur de recherche

- Moteur de recherche:
  - Vous souhaitez pouvoir stocker des millions de mots clefs et pour chacun une liste d'URLs avec les pages correspondantes.
  - Comment faire pour être capables de retourner rapidement une URL pour un mot clef ?



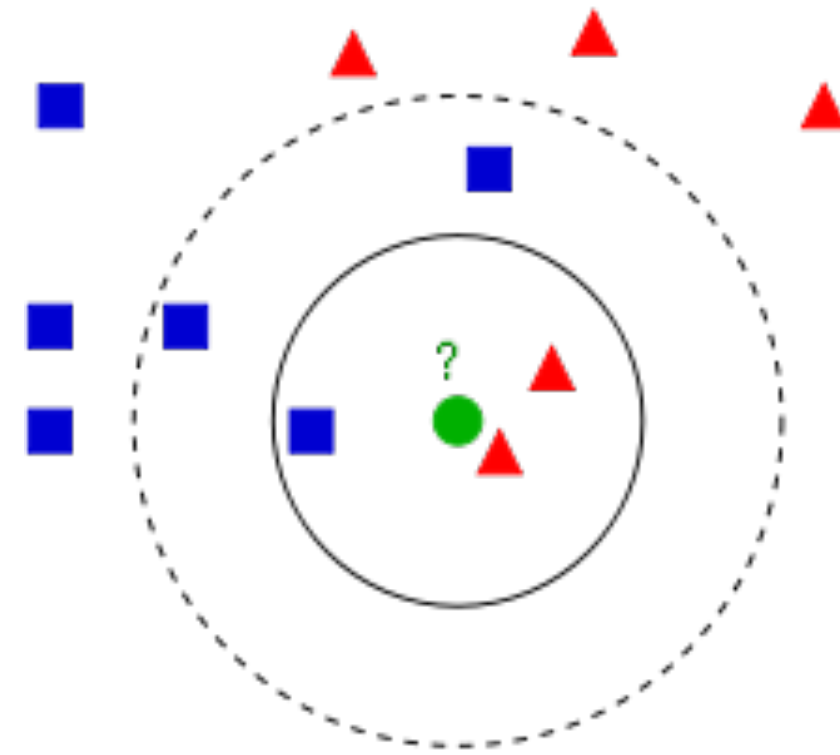


# Example: Auto-Complete



# Exemple: Machine Learning

- Est-ce que le nouveau point est un point bleu ou rouge ?
- On peut compter les « k » plus proche et attribuer la classe majoritaire ?
- Comment faire pour compter efficacement les « k » plus proches ?



# java.util.collection

- <https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/index.html?java/util/Collection.html>

The screenshot displays the Java API documentation for the `java.util` package. The left sidebar lists various packages and classes, with `java.util` selected. The main content area shows the `Package java.util` page, which includes a description of the package and two summary tables: `Interface Summary` and `Class Summary`.

**Package java.util**  
Contains the collections framework, legacy collection classes, event model, date and time facilities, internationalization, and miscellaneous utility classes (a string tokenizer, a random-number generator, and a bit array).  
See: Description

**Interface Summary**

Interface	Description
<code>Collection&lt;E&gt;</code>	The root interface in the <i>collection hierarchy</i> .
<code>Comparator&lt;T&gt;</code>	A comparison function, which imposes a <i>total ordering</i> on some collection of objects.
<code>Deque&lt;E&gt;</code>	A linear collection that supports element insertion and removal at both ends.
<code>Enumeration&lt;E&gt;</code>	An object that implements the <code>Enumeration</code> interface generates a series of elements, one at a time.
<code>EventListener</code>	A tagging interface that all event listener interfaces must extend.
<code>Formattable</code>	The <code>Formattable</code> interface must be implemented by any class that needs to perform custom formatting using the 's' conversion specifier of <code>Formatter</code> .
<code>Iterator&lt;E&gt;</code>	An iterator over a collection.
<code>List&lt;E&gt;</code>	An ordered collection (also known as a <i>sequence</i> ).
<code>ListIterator&lt;E&gt;</code>	An iterator for lists that allows the programmer to traverse the list in either direction, modify the list during iteration, and obtain the iterator's current position in the list.
<code>Map&lt;K,V&gt;</code>	An object that maps keys to values.
<code>Map.Entry&lt;K,V&gt;</code>	A map entry (key-value pair).
<code>NavigableMap&lt;K,V&gt;</code>	A <code>SortedMap</code> extended with navigation methods returning the closest matches for given search targets.
<code>NavigableSet&lt;E&gt;</code>	A <code>SortedSet</code> extended with navigation methods reporting closest matches for given search targets.
<code>Observer</code>	A class can implement the <code>Observer</code> interface when it wants to be informed of changes in observable objects.
<code>Queue&lt;E&gt;</code>	A collection designed for holding elements prior to processing.
<code>RandomAccess</code>	Marker interface used by <code>List</code> implementations to indicate that they support fast (generally constant time) random access.
<code>Set&lt;E&gt;</code>	A collection that contains no duplicate elements.
<code>SortedMap&lt;K,V&gt;</code>	A <code>Map</code> that further provides a <i>total ordering</i> on its keys.
<code>SortedSet&lt;E&gt;</code>	A <code>Set</code> that further provides a <i>total ordering</i> on its elements.

**Class Summary**

Class	Description
<code>AbstractCollection&lt;E&gt;</code>	This class provides a skeletal implementation of the <code>Collection</code> interface, to minimize the effort required to implement this interface.
<code>AbstractList&lt;E&gt;</code>	This class provides a skeletal implementation of the <code>List</code> interface to minimize the effort required to implement this interface backed by a "random access" data store (such as an array).
<code>AbstractMap&lt;K,V&gt;</code>	This class provides a skeletal implementation of the <code>Map</code> interface, to minimize the effort required to implement this interface.
<code>AbstractMap.SimpleEntry&lt;K,V&gt;</code>	An <code>Entry</code> maintaining a key and a value.
<code>AbstractMap.SimpleImmutableEntry&lt;K,V&gt;</code>	An <code>Entry</code> maintaining an immutable key and value.
<code>AbstractQueue&lt;E&gt;</code>	This class provides skeletal implementations of some <code>Queue</code> operations.
<code>AbstractSequentialList&lt;E&gt;</code>	This class provides a skeletal implementation of the <code>List</code> interface to minimize the effort required to implement this interface backed by a "sequential access" data store (such as a linked list).
<code>AbstractSet&lt;E&gt;</code>	This class provides a skeletal implementation of the <code>Set</code> interface to minimize the effort required to implement this interface.
<code>ArrayDeque&lt;E&gt;</code>	Resizable-array implementation of the <code>Deque</code> interface.
<code>ArrayList&lt;E&gt;</code>	Resizable-array implementation of the <code>List</code> interface.

- Un package de java qui contient la plupart des types abstrait de données. Ce package n'aura plus de mystère pour vous à la fin de ce cours.

# Pédagogie

- Vous êtes au centre de votre apprentissage
- Nous ne sommes là que pour vous guider et vous proposer des activités pour acquérir la matière





- +-65 euros sur Amazon.BE (paper)

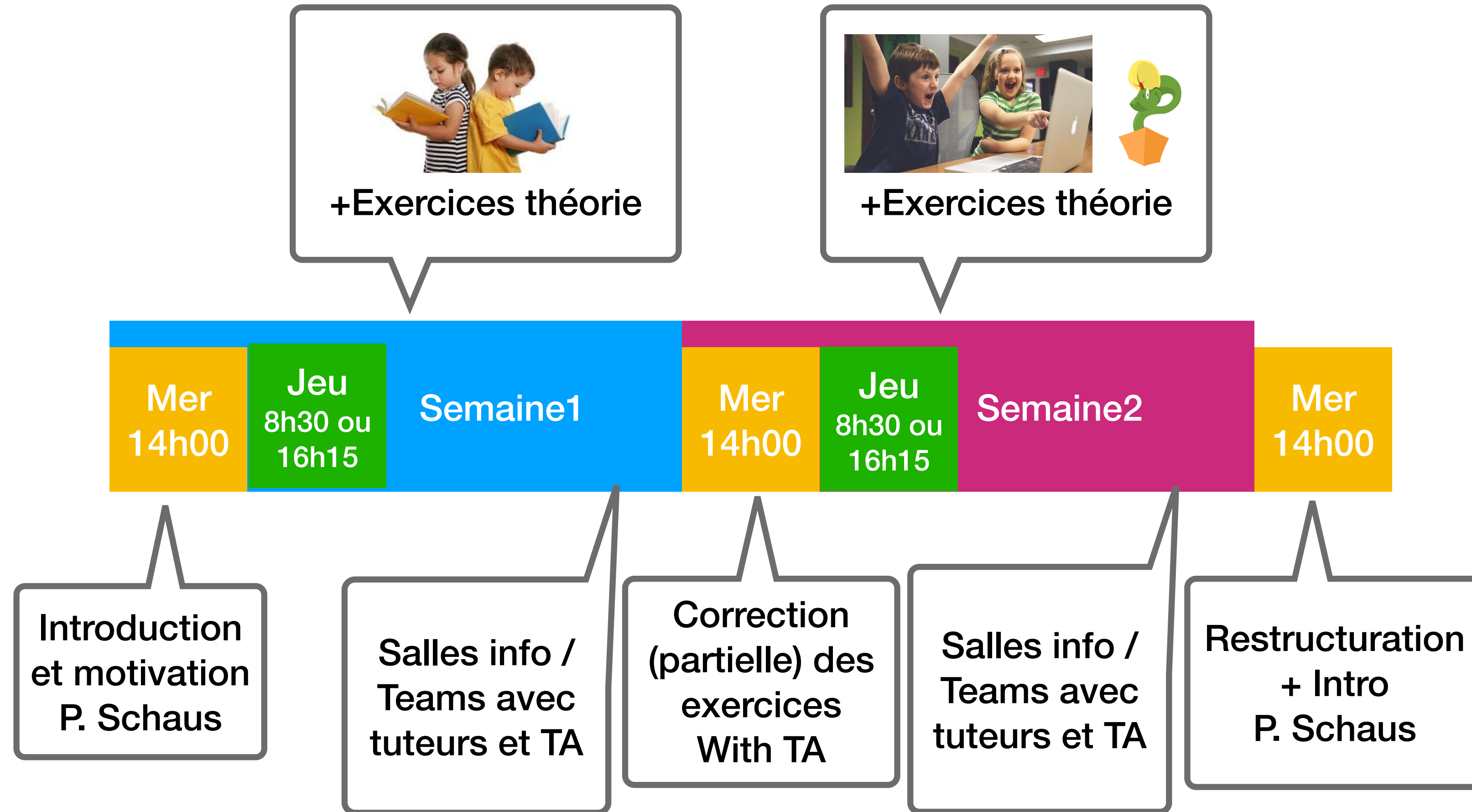
# Le site du cours

- <https://moodleucl.uclouvain.be/course/view.php?id=7682> pour les annonces
- <https://pschaus.github.io/LINFO1121/> pour le reste

The screenshot shows the documentation page for LINFO1121: Data Structures and Algorithms. The page has a green header and footer with the text "Documentation LINFO1121 2022-2023 » LINFO1121: Data Structures and Algorithms". On the left side, there is a sidebar with a search bar labeled "Recherche rapide" and a "Go" button. The main content area has a blue header "LINFO1121: Data Structures and Algorithms" and a list of navigation items:

- Organization (read this first)
  - Pedagogy
  - Cours Open-Source
  - Agenda
  - Grading
  - Contact and Communication
- Part 1 | Abstract data types, Complexity, Java Collections; Stacks, queues and linked lists
  - Objectives
  - To read
  - Exercises A
  - Exercises B

# Organisation



# Evaluation

- Typical Examen
  - 3 (exercices implémentation) x 20/6 points
  - Eventuellement une petite question théorique
- Mid term quiz (optionnel) =
  - 1 exercices d'implémentation (2h pour tout le monde)
- Mid term quiz ne compte dans la note finale que pour 2 points et uniquement s'il fait remonter la note (no-stress).





# Programming Contest (new!)

- En fin de quadrimestre, peut également rapporter deux points si fait remonter la note
- 18 décembre 12h-16h (nous devons encore décider la taille des groupes)



# ChatGPT et IA Générative

- Les IA génératives ne peuvent être utilisées ni pour le quiz, ni pour l'examen.
- Le quiz et l'examen sont individuels, aucune discussion ni collaboration n'est autorisée le temps de l'épreuve.
- Le non-respect de ces directives peut entraîner une réduction des notes ou d'autres **sanctions académiques**.
- Les mêmes conséquences s'appliqueront à un étudiant qui partage volontairement son code ou le rend disponible à d'autres étudiants (quiz).
- Si le professeur le juge nécessaire, un entretien supplémentaire pourra également être organisé pour vérification.

## ⚠ Plagiat au quiz = 💀

- Chaque année nous détectons des cas de plagiat de code
- Nous utilisons des outils avancés pour les détecter et sommes aussi très bons pour les identifier.
- Le jeu n'en vaut vraiment pas la chandelle, ces étudiants ont généralement zéro à l'examen + zéro dans de nombreux autres cours. Les sanctions peuvent être bien plus graves, ces cas sont discutés devant tous les professeurs de l'EPL (réputation 📉)

# Exercices d'implémentation à l'examen

Ceci est une estimation (pas une règle) ...

- 50% de la note si l'algorithme est correct
- 50% de la note si l'algorithme est correct et a la bonne complexité
- Exemple: Ecrire une méthode pour trier un tableau en  $O(n \cdot \log(n))$ .
  - Réponse: code correct mais en  $O(n^2)$  => 4/8
  - Réponse: code buggy en  $O(n \cdot \log(n))$  => 0/8

# Pourquoi Java ?

- Java est le langage le plus populaire
- Créé en 1995 chez Sun mais maintenant maintenu par Oracle depuis 2009.
- Il est très rapide et portable: il s'exécute sur une JVM
- Dans ce cours on utilisera la version 8 de Java (dernier gros changement sur le langage).
- Nous supposons que vous êtes familier avec Java, sinon lisez section 1.1. du livre.
  - variable d'instance, tableau, types primitifs



# Pourquoi pas python

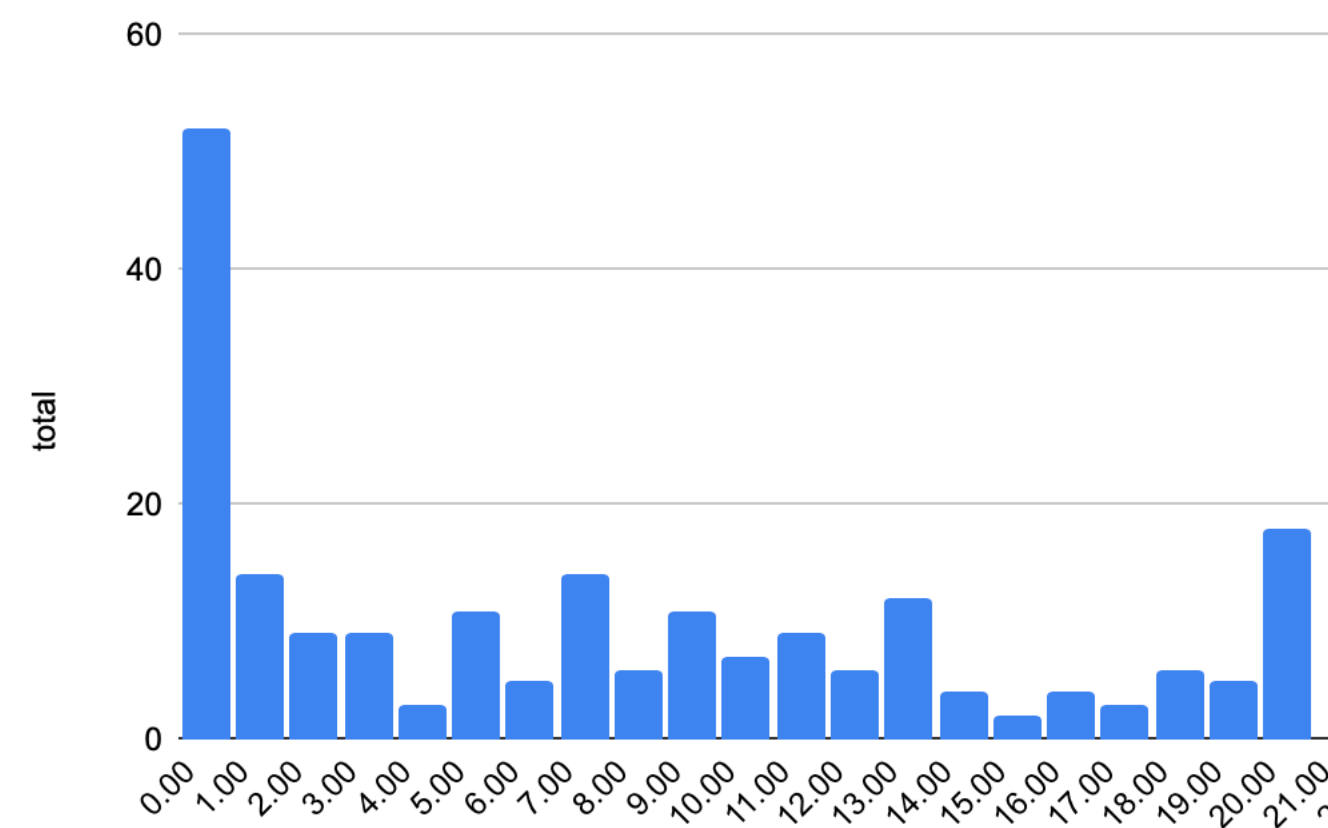
- Car Python est un langage haut (trop) niveau pour étudier les algorithmes. Il cache beaucoup de détail d'implémentation.
  - Exemple: les Arrays en python sont dynamiques
- Autre raison: python est lent, les structures de données et algorithmes built-in de python sont généralement implémentées en C: python list implementation <https://github.com/python/cpython/blob/master/Objects/listobject.c> (enjoy!)
- En java, toutes les collections disponibles sont implémentés en Java et peuvent être étudiées facilement. A la fin de ce cours, l'implémentation de `java.util.collection` n'aura plus de secrets pour vous.

# Ininiuous, Inginious, Inginious .... et IntelliJ

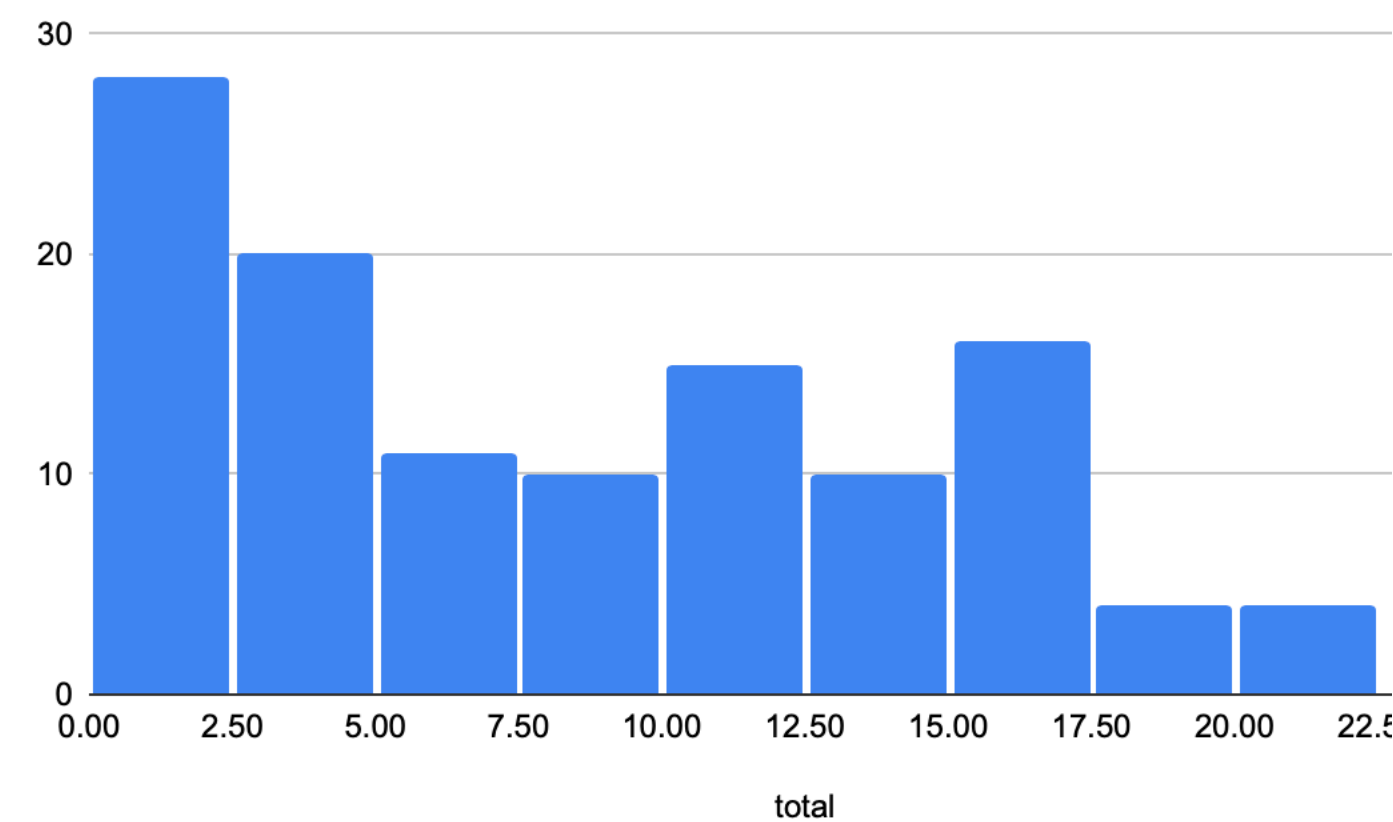
- ⚠ C'est un cours très difficile! ⚠
- Le seul moyen de réussir des pratiquer /programmer très régulièrement et de faire tous les exercices proposés



Janvier 2024



Aout 2024



# Raisons de l'échec à l'examen

- Manque de maîtrise de Java et/ou IntelliJ (comprendre la théorie de suffit pas)
- Manque de pratique pour corriger vos bugs
  - Cela ne s'acquiert pas en lisant des solutions toute faites mais bien en étant confronté au problème de bug.
- Manque de connaissance des algorithmes en profondeur



*"Patience you must have my young Padawan."*



# Rappel Objets

```
class Car {  
    String color;  
    int speed = 0;  
    int acceleration = 0;  
  
    Car(String color, int acceleration) {  
        this.color = color;  
        this.acceleration = acceleration;  
    }  
  
    void speedUp() {  
        speed += acceleration;  
    }  
    void brake() {  
        if (speed >= acceleration)  
            speed = speed - acceleration;  
    }  
  
    public static void main(String[] args) {  
        Car myPorsche = new Car("black", 10);  
        myPorsche.speedUp();  
        Car myFerrari = new Car("red", 20);  
        myFerrari.speedUp();  
        myFerrari.speedUp(); // speed is now 40  
    }  
}
```

Encapsulated instance variables

Constructor

Methods



# In Java, everything is a reference\*

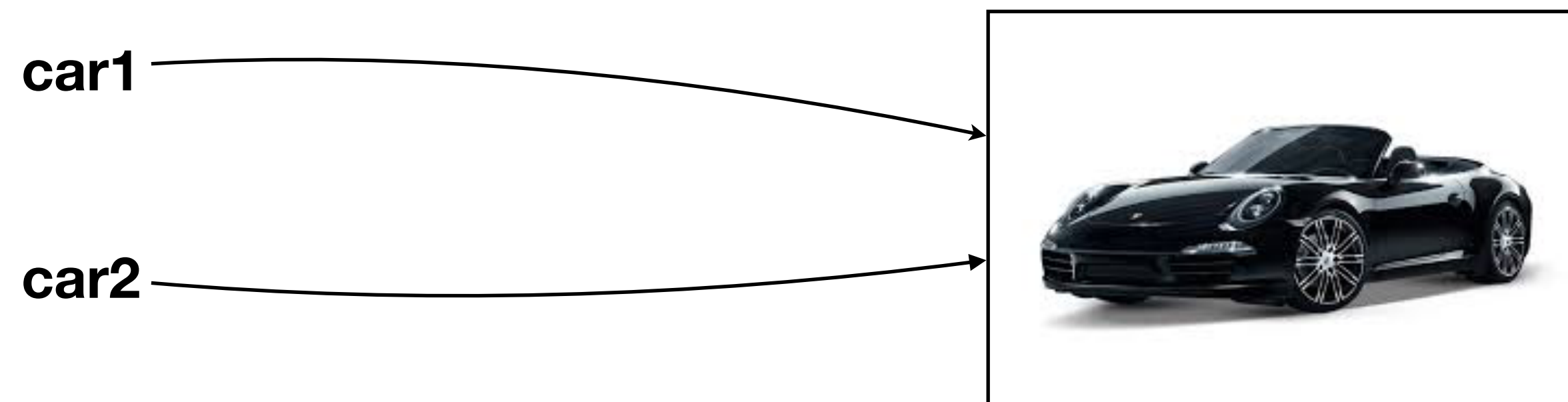
- Definition: A **reference** is a variable that refers to something else and can be used as an alias for that something else.
- No pointer arithmetic possible with reference like with C/C++ pointers. The access is safe-guarded by Java. A pointer is a reference but not the opposite. A reference is a limited pointer.
- \* except primitive types: int, boolean, char, etc.

# More on references

```
public static void main(String[] args) {  
    Car car1 = new Car("black", 5);  
    Car car2 = car1;  
}
```

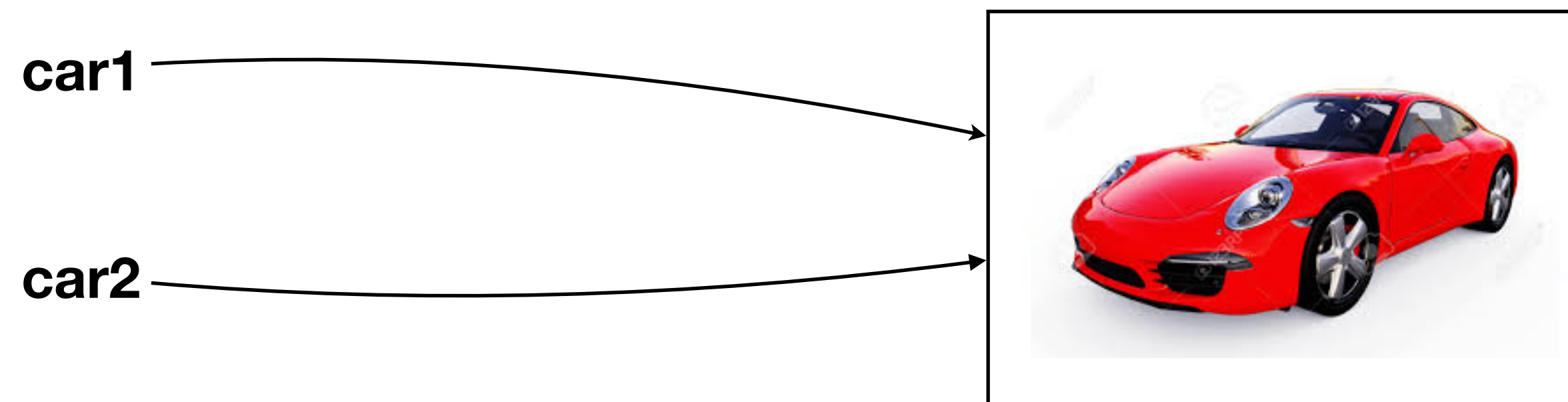
car1 is a reference to an actual Car object

The "=" copies the reference and assign it to car2. Thus car2 is a reference to the same object as car1 but there is no object creation here



# More on references

```
public static void main(String[] args) {  
    Car car1 = new Car("black", 5);  
    Car car2 = car1;  
    car2.color = "red";  
}
```



# Object vs Primitive types

- Primitive types in Java:
  - boolean – 1 bit
  - byte – 8 bits
  - short, char – 16 bits
  - int, float – 32 bits
  - long, double – 64 bits
- Java also has the object representation of Primitive types:
  - Boolean – 128 bits
  - Byte – 128 bits
  - Short, Character – 128 bits
  - Integer, Float – 128 bits
  - Long, Double – 192 bits
- autoboxing and unboxing = From primitive types to objects and vice versa

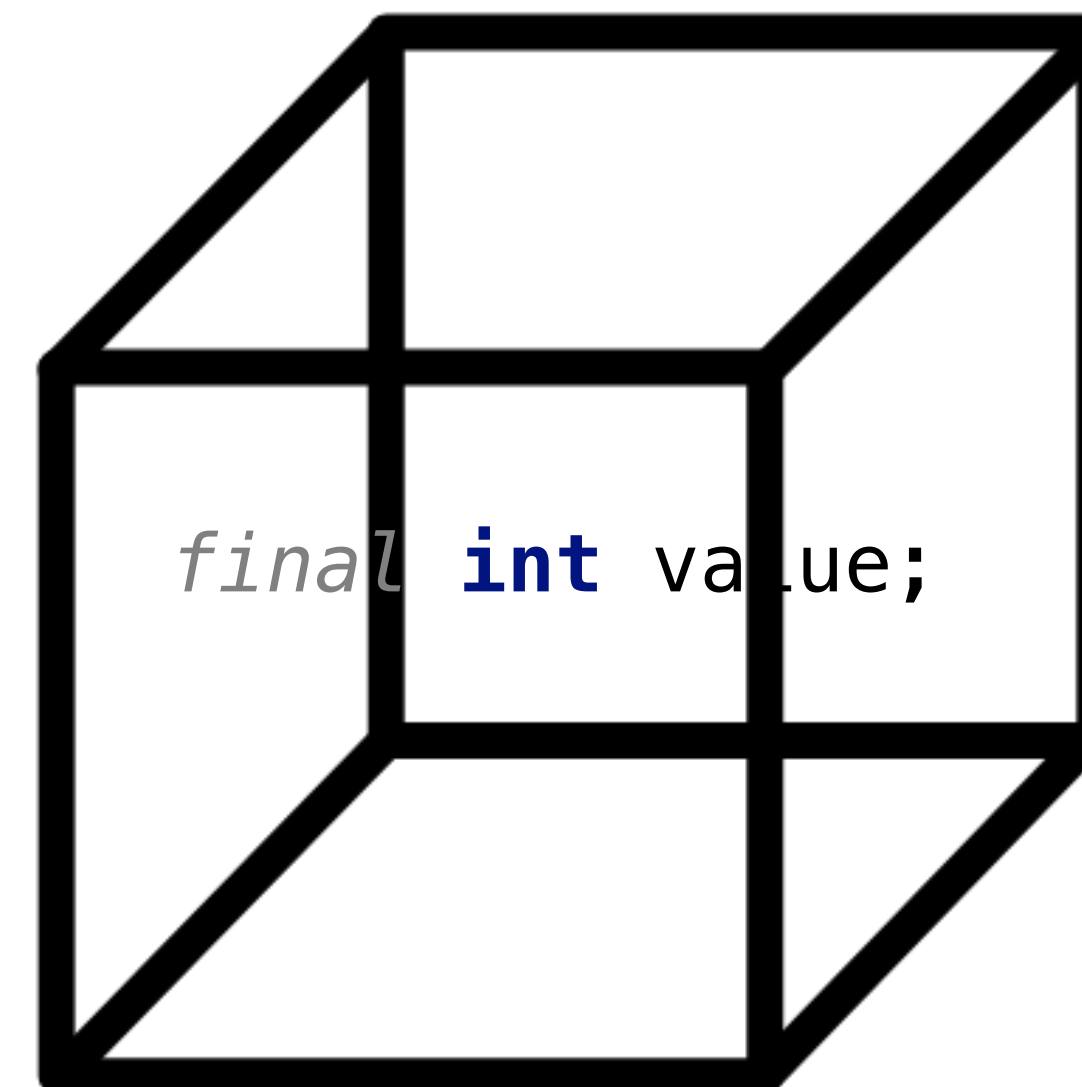
# Auto and out boxing

Every object contains a single value of the corresponding primitive type. The **wrapper classes are immutable** (so that their state can't change once the object is constructed) and are final (so that we can't inherit from them).

Under the hood, Java performs a conversion between the primitive and reference types if an actual type is different from the declared one. This conversion is called **auto-boxing** and **out-boxing**

```
public static void main(String[] args) {  
    Integer n1 = 3; // auto-boxing  
    int n2 = n1; // out-boxing  
    foo(n2); // auto-boxing  
}  
  
public static int foo(Integer n1) {  
    return n1+1;  
}
```

The integer class is just a wrapper around an immutable int field



# Exercise

- What is printed ?

```
public static void main(String[] args) {  
    Integer n1 = 3;  
    Integer n2 = n1;  
    n2 = 4;  
    System.out.println(n1);  
}
```

# Parameters are passed by value

- Java manipulate objects by reference but arguments are are not passed by reference but **by value**.
- What is printed here ?

```
public static void main(String[] args) {  
    int n1 = 1;  
    int n2 = 2;  
    swap(n1,n2);  
    System.out.println(n1+" "+n2);  
}
```

```
public static void swap(int n1, int n2) {  
    int tmp = n1;  
    n1 = n2;  
    n2 = tmp;  
}
```

By value means that  
the value is copied



# By value for Objects ?

- Java manipulate objects by reference but arguments are are not passed by reference but **by value**.
- What is printed here ?

```
public static void main(String[] args) {  
    int n1 = 1;  
    int n2 = 2;  
    swap(n1,n2);  
    System.out.println(n1+" "+n2);  
}
```

```
public static void swap(int n1, int n2) {  
    int tmp = n1;  
    n1 = n2;  
    n2 = tmp;  
}
```

By value means that the values n1 and n2 are copied (fresh variables).

# By value for object (references)?

```
public static void main(String[] args) {  
    Car myPorsche;  
    myPorsche = new Car("black",5);  
  
    tuneIntoAFerrari(myPorsche);  
  
    // myPorsche is still a reference to the black  
    System.out.println(myPorsche);  
}
```

myPorsche



c

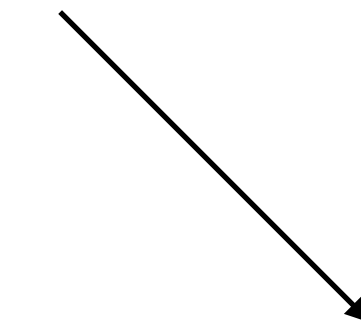


```
public static void tuneIntoAFerrari(Car c) {  
    c = new Car("red",10); // c is now a reference to a new "red" car  
}
```

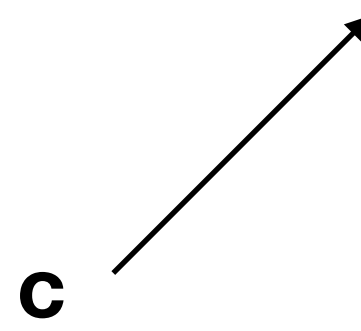
# By value for Objects ?

```
public static void main(String[] args) {  
    Car myPorsche = new Car("black",5);  
}  
  
public static void tuneIntoAFerrari(Car c) {  
    c.color = "red";  
    c.acceleration = 10;  
}
```

myPorsche



c



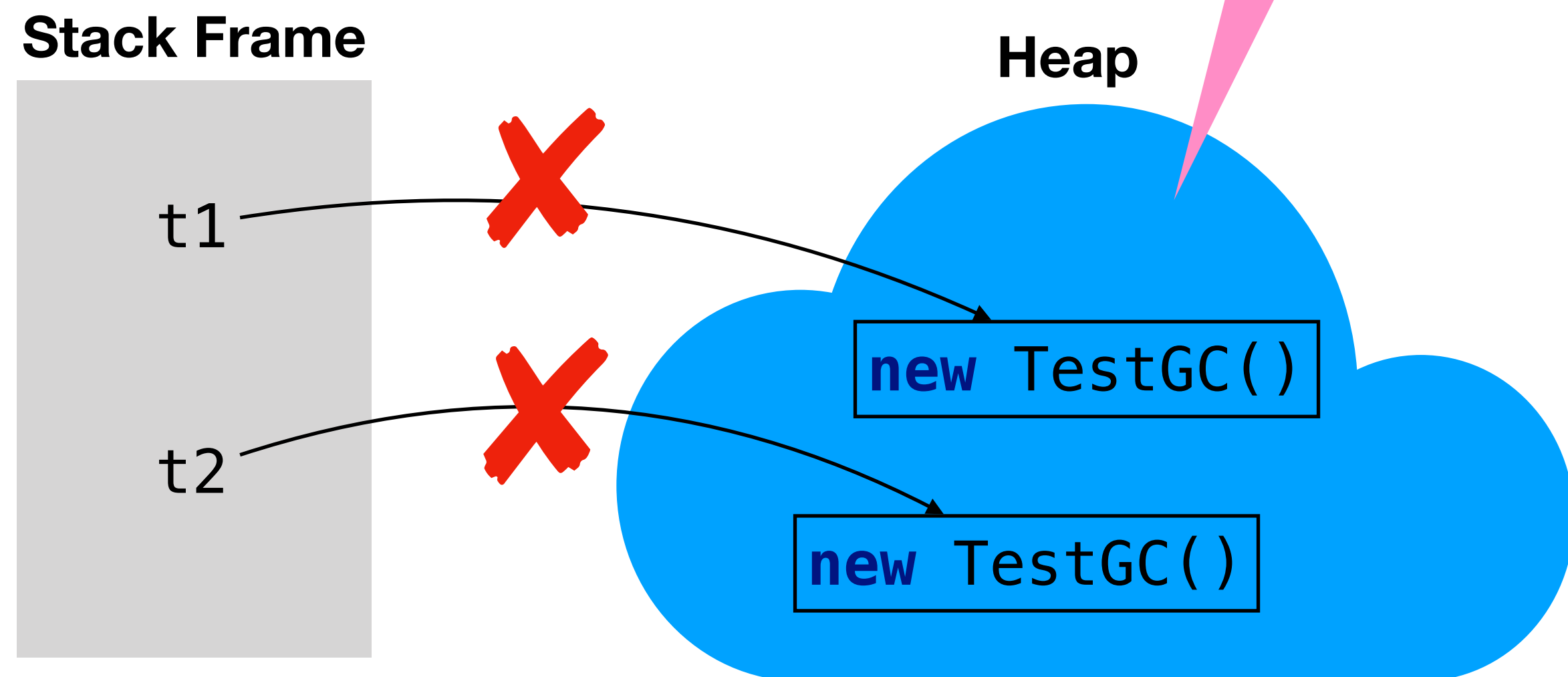
# The null reference

- A uninitialised reference is *null*

```
public static void main(String[] args) {  
    Car myPorsche;  
    System.out.println(myPorsche);  
}
```

# Garbage Collection Revisited

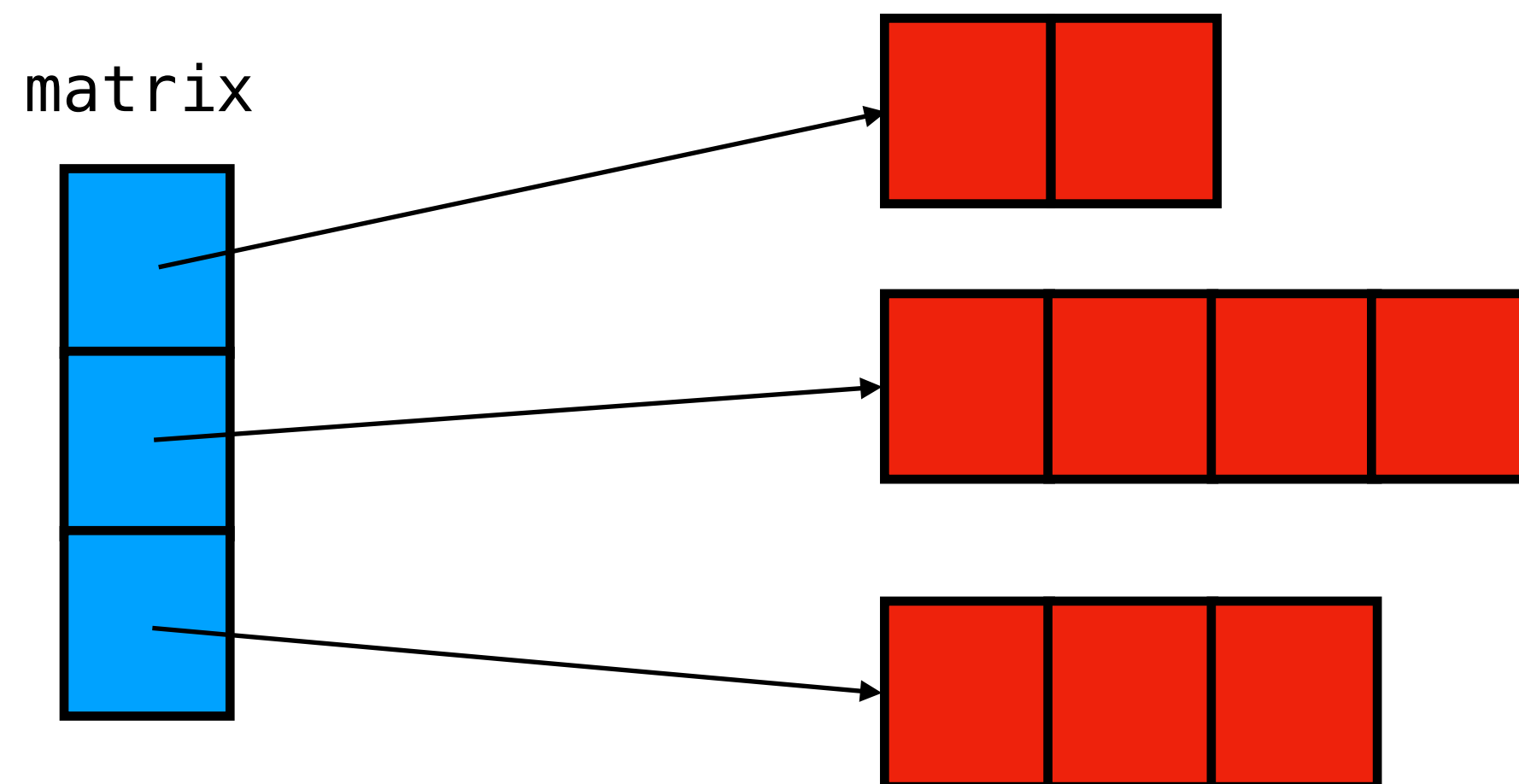
```
public class TestGC {  
    public static void main(String[] args) {  
        TestGC t1 = new TestGC();  
        TestGC t2 = new TestGC();  
  
        // Nullifying the reference variable  
        t1 = null;  
  
        // Nullifying the reference variable  
        t2 = null;  
    }  
}
```



# Java Arrays of Arrays (Rappel)

```
public class ArrayDemo {  
    public static void main(String[] args) {  
        int[][] matrix; // declaration of an array of array of int's  
        // declare an array of three references to int [] arrays  
        matrix = new int[3][];  
        // initialize each array individually  
        matrix[0] = new int [] { 1, 0};  
        matrix[1] = new int []{ 1, 0, 12, -1};  
        matrix[2] = new int []{-5, -2, 2};  
    }  
}
```

Pas nécessairement  
la même taille



# Iterating over an array (with indices)

```
int[][] matrix; // declaration

matrix = new int[][]{ { 1,  0, 12, -1},
                      { 7, -3,  2,  5},
                      {-5, -2,  2, -9}
};

matrix = new int[3][];
matrix[0] = new int [] { 1,  0, 12, -1};
matrix[1] = new int []{ 1,  0, 12, -1};
matrix[2] = new int []{-5, -2,  2, -9};

for (int i = 0; i < matrix.length; i++) {
    for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++) {
        System.out.println("entry " + i + "," + j + "=" + matrix[i][j]);
    }
}
```

# Iterating on values

```
int[][] matrix; // declaration

matrix = new int[][]{{1, 0, 12, -1},
                    {7, -3, 2, 5},
                    {-5, -2, 2, -9}
};

matrix = new int[3][];
// initialize each array
matrix[0] = new int[]{1, 0, 12, -1};
matrix[1] = new int[]{1, 0, 12, -1};
matrix[2] = new int[-5, -2, 2, -9];

for (int[] line : matrix) {
    for (int v : line) {
        System.out.println(v);
    }
}
```



```
public class Main {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        int [] a = new int[10];  
        foo(a);  
        System.out.println(Arrays.toString(a));  
    }  
  
    public static void foo(int [] a) {  
        a[0] = 2;  
    }  
}
```



- L'output de ce programme est ?
  - [2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
  - [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
  - NullPointerException

```
public class Main {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        int a = 7;  
        foo(a);  
        System.out.println(a);  
    }  
  
    public static void foo(int a) {  
        a = 6;  
    }  
}
```



- L'output de ce programme est ?
  - 6
  - 7
  - autre

```
public class Main {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        String [] a = new String[5];  
        System.out.println(a[0].isEmpty());  
    }  
}
```



- L'output de ce programme est ?
  - 0
  - « »
  - NullPointerException

# Reference testing

```
public static void main(String[] args) {  
    Integer i1;  
    Integer i2;  
  
    i1 = 160;  
    i2 = 160;  
  
    System.out.println(i1 == i2); // false  
  
    String s1 = "LSINF1102";  
  
    String s3 = s1+"";  
  
    System.out.println(s1 == s3); // false  
  
    Car c1 = new Car("black",5);  
    Car c2 = new Car("black",5);  
  
    System.out.println(c1 == c2); // false  
}
```

# Some strange behaviour's

```
public static void main(String[] args) {
    int v1 = 2;
    int v2 = 2;

    System.out.println(v1 == v2); // true

    Integer i1 = 2;
    Integer i2 = 2;

    System.out.println(i1 == i2); // true (because of caching)

    i1 = 160;
    i2 = 160;

    System.out.println(i1 == i2); // false

    String s1 = "LSINF1102";
    String s2 = "LSINF1102";

    System.out.println(s1 == s2); // true because of string constant "interning"

    String s3 = s1+"";

    System.out.println(s1 == s3); // false
}
```

# For (logical equality testing) use equals

```
public static void main(String[] args) {  
  
    Integer i1;  
    Integer i2;  
  
    i1 = 160;  
    i2 = 160;  
  
    System.out.println(i1.equals(i2)); // true  
  
    String s1 = "LSINF1102";  
  
    String s3 = s1+"";  
  
    System.out.println(s1.equals(s3)); // true  
  
    Car c1 = new Car("black",5);  
    Car c2 = new Car("black",5);  
  
    System.out.println(c1.equals(c2)); // false (by default same behaviour as ==)  
}
```

# User Defined Equals

```
class Car {  
  
    String color;  
    int speed = 0;  
    int acceleration = 0;  
  
    Car(String color, int acceleration) {  
        this.color = color;  
        this.acceleration = acceleration;  
    }  
  
    @Override  
    public boolean equals(Object obj) {  
        if (obj instanceof Car) {  
            Car c1 = (Car) obj;  
            return color.equals(c1.color) && speed == c1.speed;  
        }  
        return false;  
    }  
  
    public static void main(String[] args) {  
  
        Car c1 = new Car("black", 5);  
        Car c2 = new Car("black", 5);  
  
        System.out.println(c1.equals(c2)); // true  
    }  
}
```

# La complexité des algorithmes

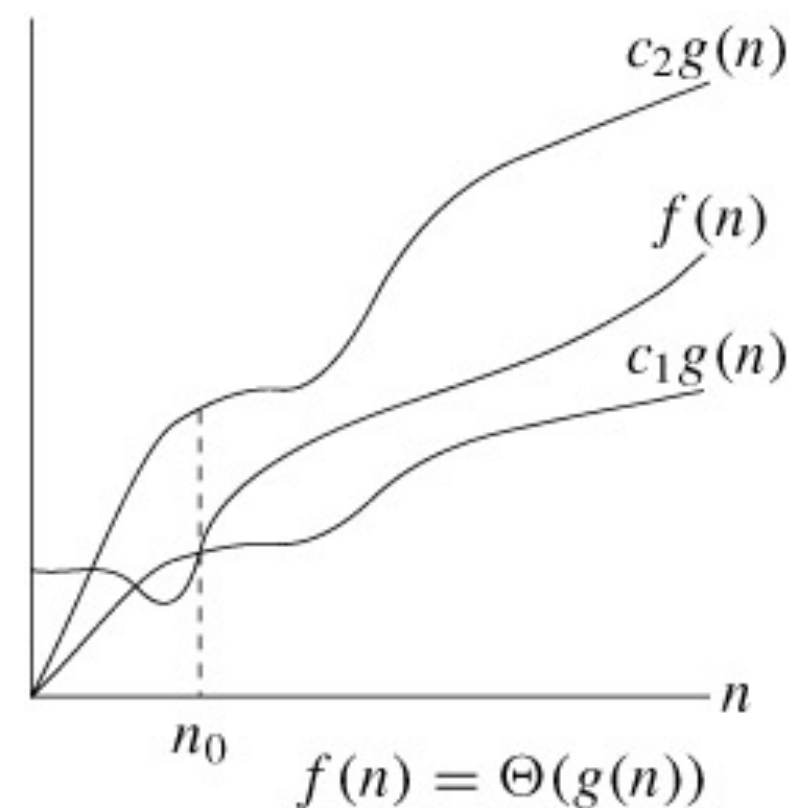
- D.E.Knuth a postulé qu'il est possible de construire un modèle mathématique pour décrire le temps d'exécution des algorithmes. En effet le temps repose sur deux facteurs principaux:
  1. Le coût d'exécuter chaque instruction (difficile à estimer, dépend de la JVM, de l'OS).
  2. La fréquence d'exécution de chaque instruction (on peut la calculer car elle dépend uniquement de l'algorithme et des données d'entrées).



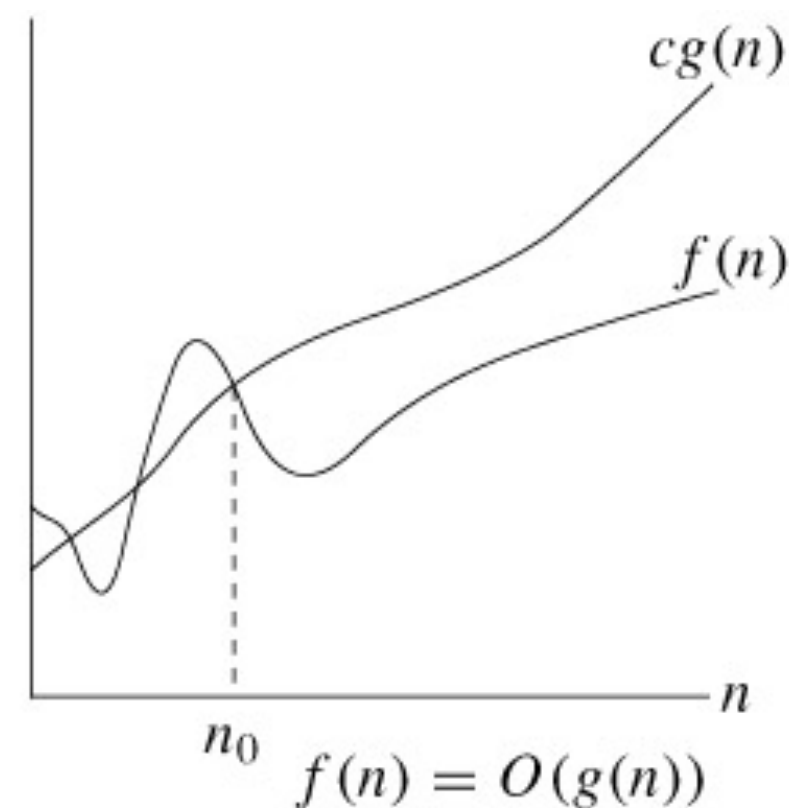


# Complexities

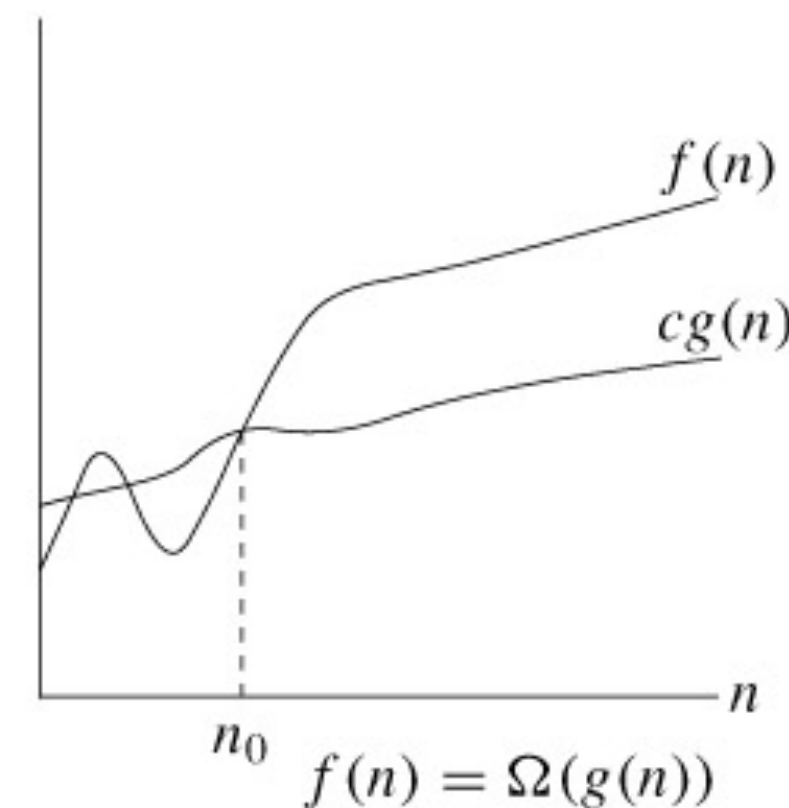
- $T(n)$  pour  $n \in \mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$  est une fonction du temps de calcul d'un algorithme pour une entrée de taille  $n$
- Etant donné une fonction  $g(n)$  pour  $n \in \mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$ 
  - $\Theta(g(n)) = \{ f(n) : \text{il existe les constantes positives } c_1, c_2 \text{ et } n_0 \text{ telles que } 0 \leq c_1 g(n) \leq f(n) \leq c_2 g(n) \text{ for all } n \geq n_0 \}$
  - $O(g(n)) = \{ f(n) : \text{il existe les constantes } c \text{ et } n_0 \text{ telles que } 0 \leq f(n) \leq c \cdot g(n) \text{ for all } n \geq n_0 \}$
  - $\Omega(g(n)) = \{ f(n) : \text{il existe les constantes } c \text{ et } n_0 \text{ telles que } 0 \leq c \cdot g(n) \leq f(n) \text{ for all } n \geq n_0 \}$
- We should write  $T(n) \in \Theta(g(n))$  but write  $T(n) = \Theta(g(n))$



(a)



(b)



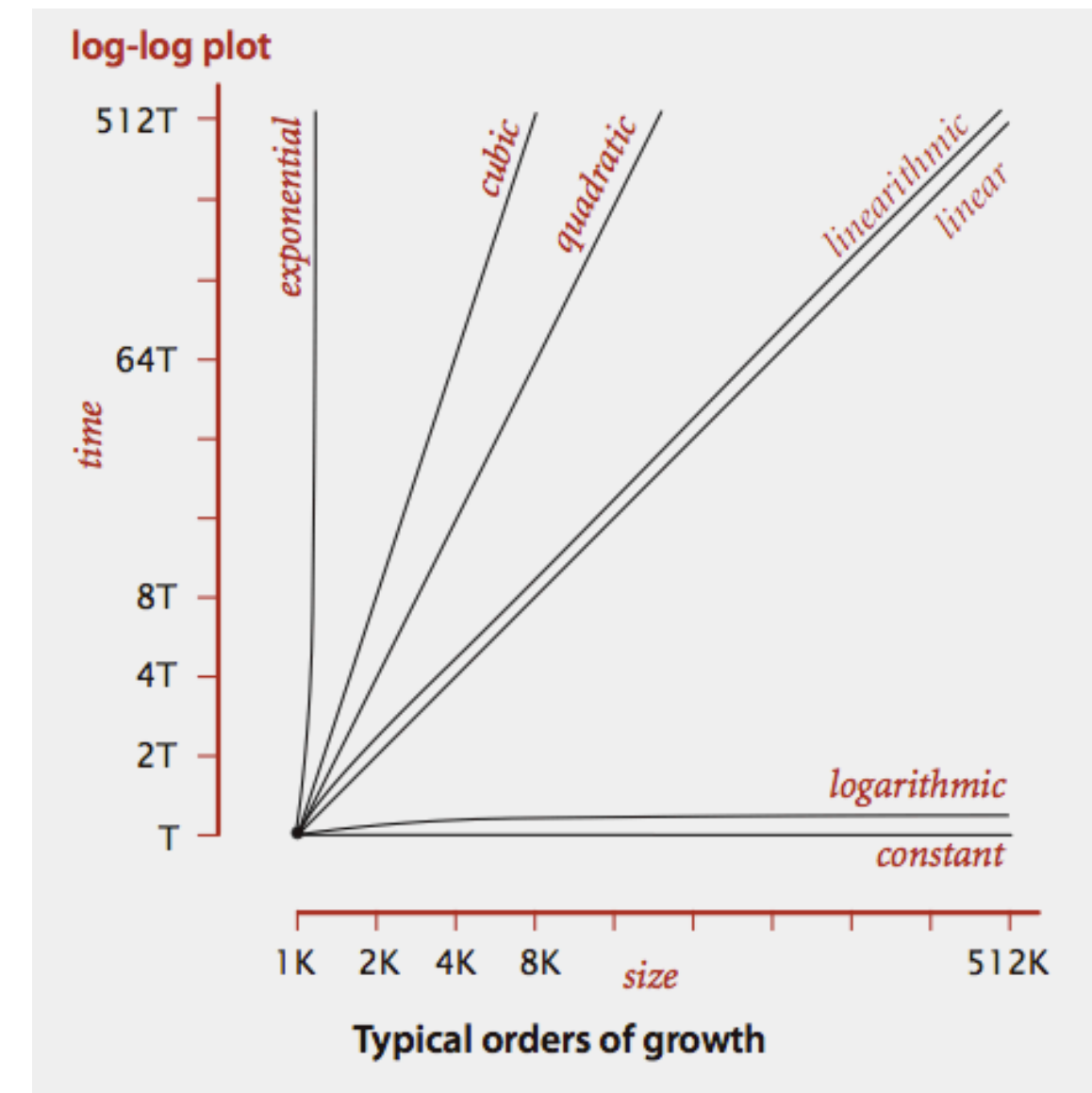
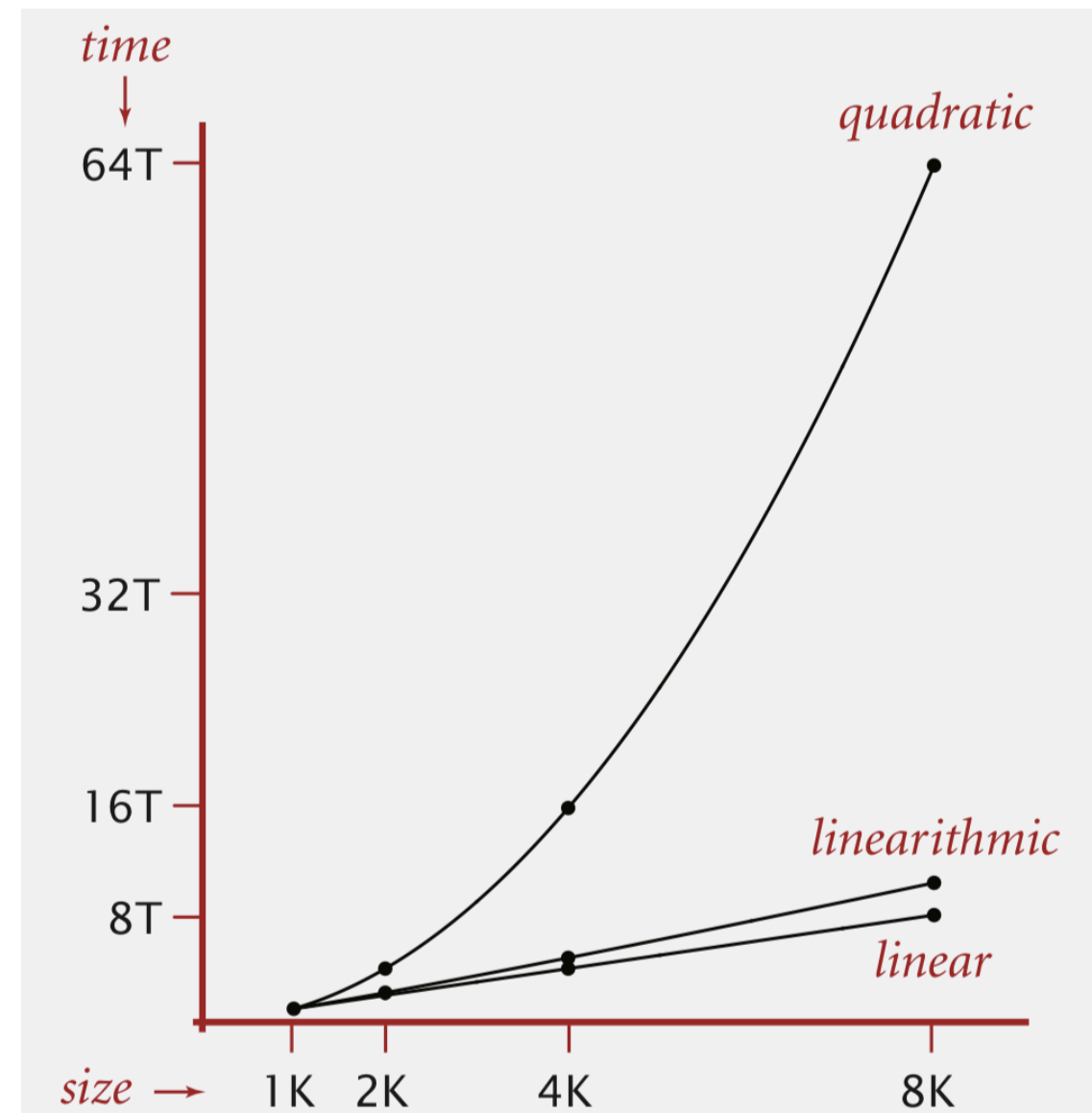
(c)

# La notation « $\sim$ »

- Le livre utilise une définition de complexité différente et moins standard:
  - $\sim g(n) = \{ f(n) : \lim_{n \rightarrow \infty} f(n)/g(n) = 1 \}$
  - On écrit  $f(n) \sim g(n)$  pour exprimer que  $f(n)/g(n)$  tend vers 1 lorsque  $n$  augmente c'est à dire que pour de grandes valeurs de  $n$ ,  $f$  et  $g$  se comportent de la même manière.
  - Pour la plupart des algorithmes  $f(n)$  a la forme  $a \cdot f(n)$  avec  $f(n) = n^b (\log(n))^c$  appelé « **order of growth function** »

# En pratique

- Vous pouvez considérer que  $O(n^2)$  devient impraticable assez rapidement pour  $n > 10^6$



	insertion sort $O(n^2)$			merge sort $O(n \log(n))$		
taille	$10^3$	$10^6$	$10^9$	$10^3$	$10^6$	$10^9$
temps	instantané	2.8 h	317 ans	instantané	1 s	18 min

# Exemple d'algorithme 3SUM

Nombre de triplets dont la somme est égale à 0

```
public static int count(int[] a) {
    int n = a.length;
    int count = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = i+1; j < n; j++) {
            for (int k = j+1; k < n; k++) {
                if (a[i] + a[j] + a[k] == 0) {
                    count++;
                }
            }
        }
    }
    return count;
}
```

Complexité ?

# Un algo pour calculer la complexité?

- Est-ce que nous aurions pu concevoir un algorithme capable de trouver la complexité de ...
  - `public static int count(int[] a)`
- ... sans analyser le code, uniquement en mesurant le temps à l'aide de `System.currentTimeMillis()` pour différents input ?
- La réponse est oui: C'est le « doubling ratio test »



# Doubling ratio test\*

Si  $T(N) \sim a N^b \log(N)$  alors  $T(2N)/T(N) \sim 2^b$

- Preuve:

$$\frac{T(2N)}{T(N)} = \frac{a(2N)^b \log(2N)}{aN^b \log(N)} = 2^b \frac{\log(2) + \log(N)}{\log(N)} = 2^b \left(1 + \frac{\log(2)}{\log(N)}\right) \sim 2^b$$

- Donc si on mesure  $T(2N)/T(N)$  pour  $N$  assez grand et qu'on prend le logarithme on mesure  $b$ .
- Exemple: 3SUM: Le ratio tend vers 8 donc  $b = \log(8) = 3$

N	time	ratio
1000	0.1	
2000	0.8	8
4000	6.4	8
8000	51.1	7.98

\* log est en base 2

# Exam Question 2019

- Mesures de temps pour différentes tailles d'input

$N$	time (s)
100	5
200	40
400	320
800	2560

- Quelle est la « order of growth » function ?

```
public static void foo(int n) {  
    int [] a = new int[n];  
}
```



- Quelle est est la complexité  $T(n)$  de foo où  $n$  est la valeur donnée en argument ?
  - $\Theta(n)$
  - $\Theta(1)$
  - Autre



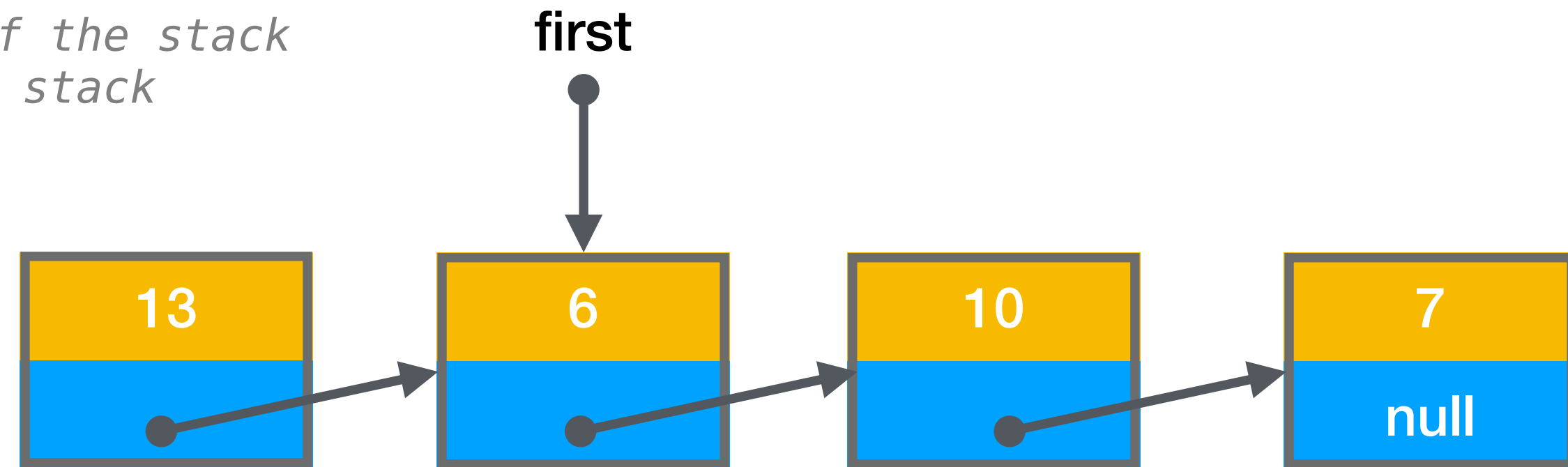
```
public static int foo(int [] a) {  
    return a.length;  
}
```



- Quelle est est la complexité  $T(n)$  de foo où  $n$  est la taille du tableau ?
  - $\Theta(n)$
  - $\Theta(1)$
  - Autre

# Stack avec structure chaînée

```
public class LinkedStack<Item> {  
  
    private int n;           // size of the stack  
    private Node first;     // top of stack  
  
    // helper linked list class  
    private class Node {  
        private Item item;  
        private Node next;  
    }  
  
    public LinkedStack() {  
        first = null;  
        n = 0;  
        assert check();  
    }  
  
    public boolean isEmpty() { return first == null; }  
    public int size() { return n; }  
    public void push(Item item) {  
        Node oldfirst = first;  
        first = new Node();  
        first.item = item;  
        first.next = oldfirst;  
        n++;  
    }  
  
    public Item pop() {  
        if (isEmpty()) throw new NoSuchElementException("Stack underflow");  
        Item item = first.item;           // save item to return  
        first = first.next;              // delete first node  
        n--;  
        return item;                      // return the saved item  
    }  
}
```

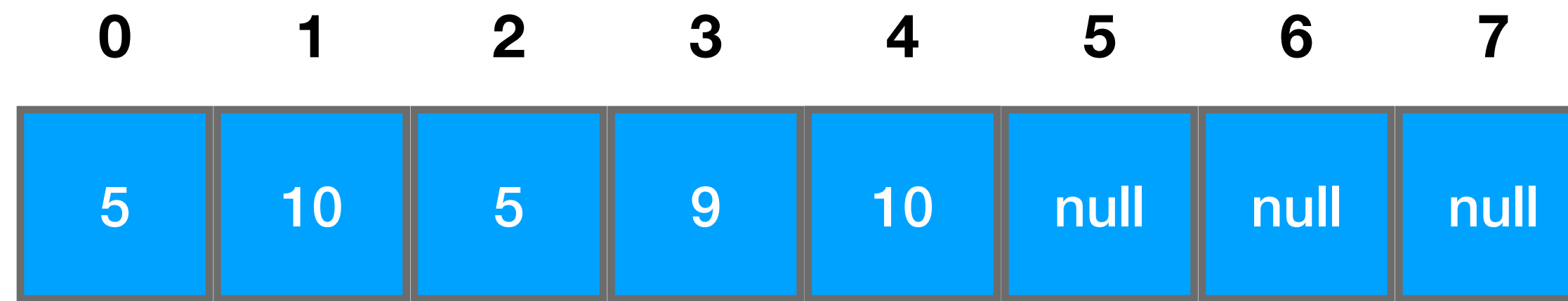


push(13)

Complexité pour le  
push/pop?

# Stack avec un tableau

- Insertion: si on arrive à la limite du tableau, on double la taille du tableau et y recopie tous les éléments



- $n=5$



# Stack avec un tableau

```
public class ResizingArrayStack<Item> {
    private Item[] a;           // array of items
    private int n;             // number of elements on stack

    public ResizingArrayStack() {
        a = (Item[]) new Object[2];
        n = 0;
    }
    public boolean isEmpty() { return n == 0; }
    public int size() { return n; }
    private void resize(int capacity) {
        a = java.util.Arrays.copyOf(a, capacity);
    }
    public void push(Item item) {
        if (n == a.length) resize(2 * a.length); // 2*size if necessary
        a[n++] = item;                             // add item
    }
    public Item pop() {
        if (isEmpty()) throw new NoSuchElementException("Stack underflow");
        Item item = a[n - 1];
        a[n - 1] = null; // Important for Garbage Collection
        n--;
        // shrink size of array if necessary
        if (n > 0 && n == a.length / 4) resize(a.length / 2);
        return item;
    }
}
```

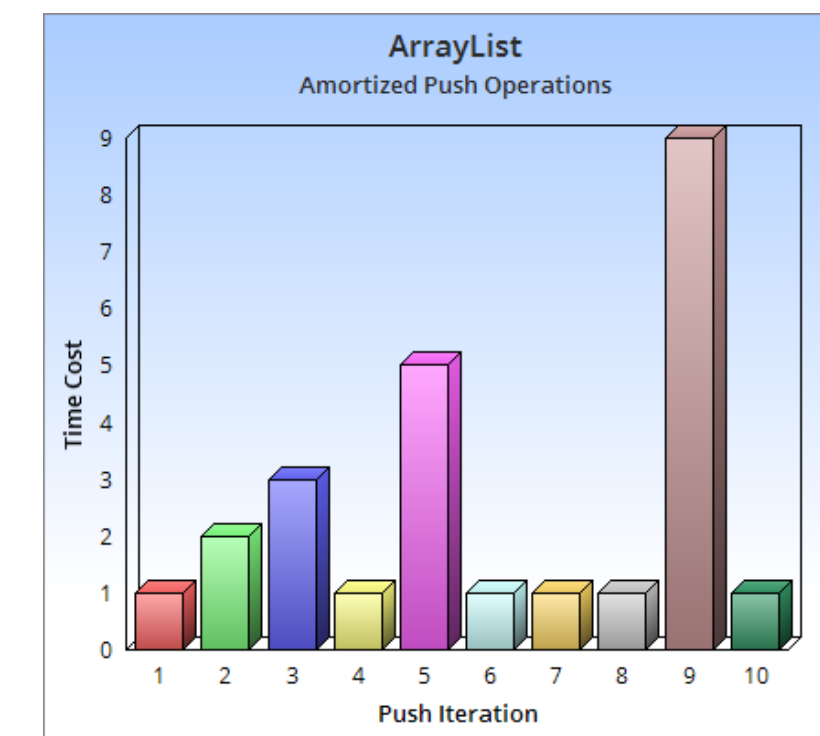
```
Item[] temp = (Item[]) new Object[capacity];
for (int i = 0; i < n; i++) {
    temp[i] = a[i];
}
a = temp;
```

Complexité du  
push/pop?

# Complexité amortie

- Le push peut prendre  $O(1)$  s'il ne faut pas doubler la taille ou  $\Theta(n)$  dans le cas où il faut doubler la taille.
- Une analyse intéressante est la **complexité amortie** (amortized time-complexity) pour  $n+1$  opérations `push()` lorsque le tableau a une taille de  $n$
- Cela coutera en moyenne par operation

$$O(1)*n+O(n)/(n+1)=O(1)$$



- Mais attention la complexité d'un push arbitraire est bien  $\Omega(1)$  et  $O(n)$  ou  $n$  est le nombre d'éléments dans la Stack.

# Complexité attendue

- Pour certains algorithmes la complexité dépend de l'input (des valeurs) et pas seulement de la taille de l'input.
- Exemple: Quicksort est en  $O(n^2)$  si les valeurs sont déjà triées mais en  $O(n \log(n))$  pour des valeurs triées aléatoirement initialement. Pour se prémunir du pire cas, il est préférable de mélanger aléatoirement les valeurs. On parle alors de **complexité attendue** (expected time complexity) en  $O(n \log(n))$

# Iterator Pattern

- Iterator: Provides a way to access the elements of an aggregate object sequentially without exposing its underlying representation.



# Iterator Interface

```
public interface Iterator<E> {
    /**
     * Returns {@code true} if the iteration has more elements.
     * (In other words, returns {@code true} if {@link #next} would
     * return an element rather than throwing an exception.)
     *
     * @return {@code true} if the iteration has more elements
     */
    boolean hasNext();
    /**
     * Returns the next element in the iteration.
     *
     * @return the next element in the iteration
     * @throws NoSuchElementException if the iteration has no more elements
     */
    E next();
    /**
     * Removes from the underlying collection the last element returned
     * by this iterator (optional operation). This method can be called
     * only once per call to {@link #next}.
     * 

* The behavior of an iterator is unspecified if the underlying collection
     * is modified while the iteration is in progress in any way other than by
     * calling this method, unless an overriding class has specified a
     * concurrent modification policy.
     * 

*/
    default void remove() {
        throw new UnsupportedOperationException("remove");
    }
}


```

My advise is not to implement the "remove" because it is optional and complicates a lot the code of an iterator



# Iterator Usage

```
List<Integer> list = new LinkedList<>();  
list.add(1);  
list.add(2);  
list.add(3);  
  
Iterator<Integer> iterator = list.iterator();  
while (iterator.hasNext()) {  
    System.out.println(iterator.next());  
}
```

# Iterable Interface

```
public interface Iterable<T> {  
    /**  
     * Returns an iterator over elements of type {@code T}.  
     *  
     * @return an Iterator.  
     */  
    Iterator<T> iterator();  
}
```

# Iterable and for-loops

```
List<Integer> list = new LinkedList<>();  
list.add(1);  
list.add(2);  
list.add(3);  
  
for (Integer i : list) {  
    System.out.println(i);  
}
```



```
Iterator<Integer> iterator = list.iterator();  
while (iterator.hasNext()) {  
    System.out.println(iterator.next());  
}
```

# Structure

```
public class LinkedStack<T> implements Iterable<T> {
    private Node<T> top;
    private int size = 0;

    private static class Node<T> {
        // see prev
    }

    public void push(T item) {
        // see prev
    }
    public T pop() {
        // see prev
    }
    public boolean isEmpty() {
        return top == null;
    }
    public int size() {
        return size;
    }

    @Override
    public Iterator<T> iterator() {
        return new LinkedStackIterator();
    }

    private class LinkedStackIterator implements Iterator<T> {

    }
}
```

Node is a static inner/nested class:

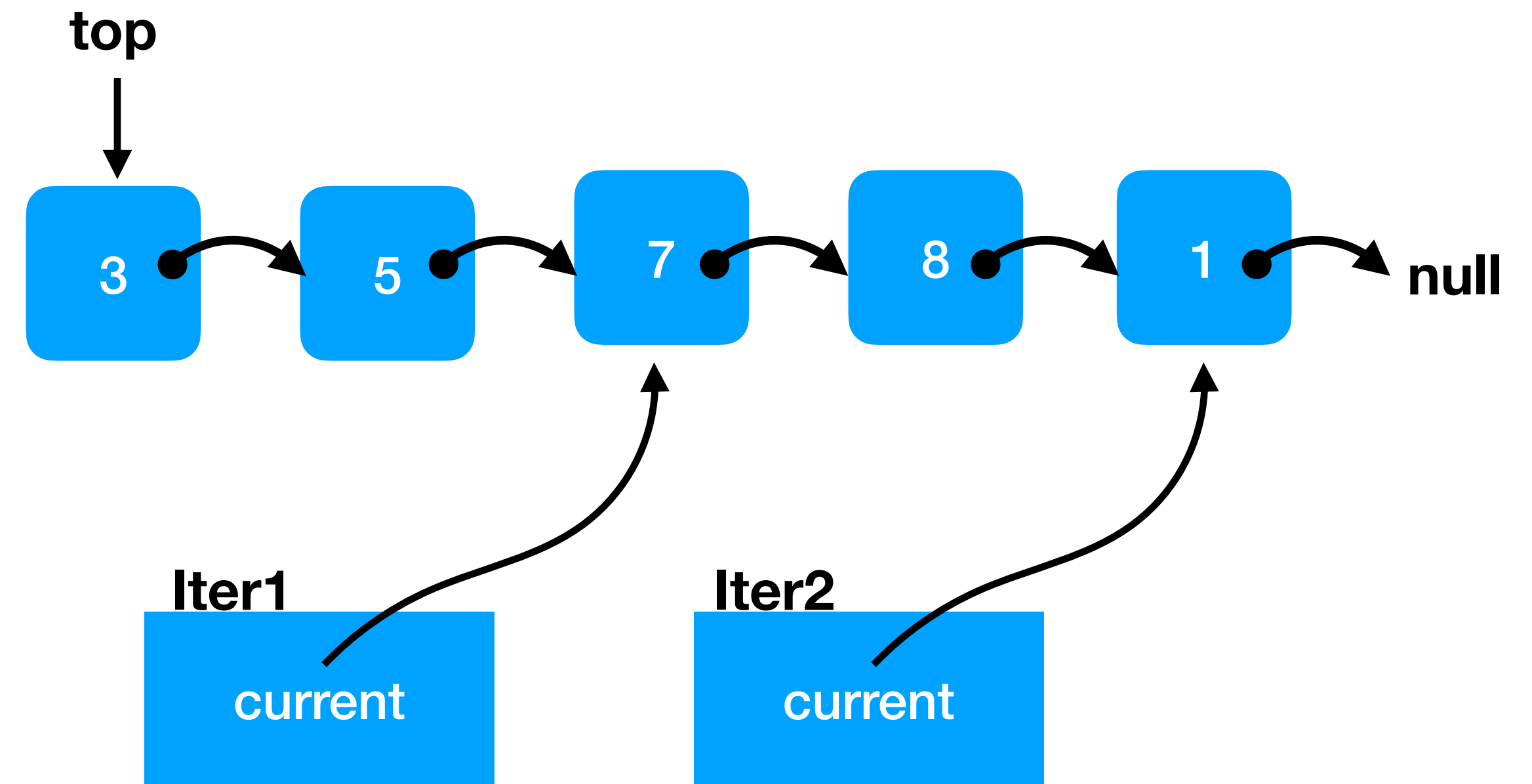
- It doesn't need to exist in its own file Node.java
- The outer-class LinkedBag has access to its private fields (no getter/setter)

The Iterator a non static inner/nested class:

- Its existence it bind to a particular instance of LinkedStack.
- It has access to the instance variables of its attached LinkedStack instance.

# LinkedBag Iterator

```
public class LinkedStack<T> implements Iterable<T> {  
  
    private Node<T> top;  
    private int size = 0;  
  
    private static class Node<T> { // see prev }  
  
    public void push(T item) { // see prev }  
    public T pop() { // see prev }  
    public boolean isEmpty() {return top == null;}  
    public int size() {return size;}  
  
    @Override  
    public Iterator<T> iterator() {  
        return new LinkedStackIterator();  
    }  
    private class LinkedStackIterator implements Iterator<T> {  
        private Node<T> current = top;  
        @Override  
        public boolean hasNext() {  
            return current != null;  
        }  
        @Override  
        public T next() {  
            if (current == null) throw new IllegalStateException("No more items");  
            T item = current.item;  
            current = current.next;  
            return item;  
        }  
    }  
}
```



# Iterator design problem

- Two strategies for implementing a proper iterator:
  - **Fail-Fast:** they throw *ConcurrentModificationException* if there is **structural modification** of the collection.
  - **Fail-Safe:** they don't throw any exceptions if a collection is structurally modified while iterating over it. This is because, they operate on the clone of the collection, not on the original collection and that's why they are called fail-safe iterators.
- Let us fix our iterator to implement the "Fail-Fast" strategy.

```
public static void main(String[] args) {
    Stack<String> stack = new LinkedStack<String>();
    stack.push("Computer");
    stack.push("Table");
    Iterator ite = stack.iterator();
    ite.next();
    ite.next();
    stack.push("Table");
    if (ite.hasNext()) {
        System.out.println("how come you have some next !?!?");
    }
}
```

# FailFast iterator for LinkedStack

```
public class LinkedStack<T> implements Iterable<T> {
    private Node<T> top;
    private int size = 0;
    private int modCount = 0; // Modification count

    public void push(T item) {
        Node<T> oldTop = top;
        top = new Node<>(item, oldTop);
        size++;
        modCount++;
    }

    public T pop() {
        if (top == null) throw new IllegalStateException("Stack is empty");
        T item = top.item;
        top = top.next;
        size--;
        modCount++;
        return item;
    }

    @Override
    public Iterator<T> iterator() {
        return new LinkedStackIterator();
    }
}
```

Step 1: introduce modification counter

```

public class LinkedStack<T> implements Iterable<T> {
    private Node<T> top;
    private int size = 0;
    private int modCount = 0; // Modification count

    @Override
    public Iterator<T> iterator() {
        return new LinkedStackIterator();
    }

    private class LinkedStackIterator implements Iterator<T> {
        private Node<T> current = top;
        private final int expectedModCount = modCount;

        @Override
        public boolean hasNext() {
            if (expectedModCount != modCount) {
                throw new ConcurrentModificationException();
            }
            return current != null;
        }

        @Override
        public T next() {
            if (expectedModCount != modCount) {
                throw new ConcurrentModificationException();
            }
            if (current == null) throw new IllegalStateException("No more items");

            T item = current.item;
            current = current.next;
            return item;
        }
    }
}

```

Step 2: snapshot of the counter at the creation of the Iterator

Step 3: verify for modifications between creation and iterator usage by comparing the counter

Step 3: verify for modifications between creation and iterator usage by comparing the counter



# Each iterator has its own counter

```
LinkedStack<Integer> stack = new LinkedStack<>();
```

```
stack.push(1);
```

```
stack.push(2);
```

```
stack.push(3);
```

```
// modCount should be 3
```

```
Iterator<Integer> iter1 = stack.iterator(); // expectedModCount = 3
```

```
stack.push(4); // modCount = 4;
```

```
Iterator<Integer> iter2 = stack.iterator(); // expectedModCount = 4
```

```
iter1.hasNext(); // 3 != 4 ✨
```

# Pour cette semaine

<https://pschaus.github.io/LINFO1121/>

- Si besoin: se rafraichir en java, écrire une petite classe.
- Se familiariser avec IntelliJ et être capable d'écrire un petit test junit.
- Lire les chapitre 1.1-1.4 (pas besoin de lire ce que vous connaissez)
- Lire le rappel sur la complexité
- Préparer les exercices théoriques pour le TP + Deux exercices Ingenious
- L'assistant ne donnera du feedback que si vous avez réellement lu le livre et préparé les exercices ?

# One more thing ...



- Les exercices sont open-source
  - [https://github.com/pschaus/algorithms\\_exercises\\_students](https://github.com/pschaus/algorithms_exercises_students) (exercices ingénieux)
  - [https://github.com/pschaus/algorithms\\_exercises](https://github.com/pschaus/algorithms_exercises) (solution des exercices ingénieux)
- N'hésitez pas à contribuer activement à l'amélioration du cours (correction de fautes, tests, proposition d'exercices) via des pull-request
  - <https://docs.github.com/en/pull-requests/collaborating-with-pull-requests/proposing-changes-to-your-work-with-pull-requests/creating-a-pull-request>